▼ 本書に掲載したプログラム一覧 🔏

<韓音解析用> 第4章
●実時間振幅分布測定プログラム(8085用アセンブラ) ······75
●非実時間振幅分布測定プログラム(BASIC)77
●自己相関関数演算プログラム(BASIC)79
<雑音除去用> 第5章
● 2 次・ 3 次多項式適合平滑化プログラム (BASIC) ······95
● 適応化平滑化法プログラム (BASIC)101
●実時間演算平均処理プログラム (8085用アセンブラ) ······107
<信号波形の検出/抽出用> 第6章
●ピーク検出プログラム (BASIC)113
●相互相関関数計算プログラム(BASIC) ······119
<ディコンポリューション用> 第7章
.●ディコンポリューション処理プログラム(BASIC) ······129
<高速フーリエ安換用> 第8音
● Sande Tukey 法による FFTプログラム (BASIC)154
● Sande Tukey 法によるFFTプログラム(8086用アセンブラ)154
●ビット逆転/sin/cos テーブル作成プログラム(BASIC)156
● FFT 演算プログラム例(BASIC) ······163
<最大エントロビー法用> 第 9章
● MEM プログラム例(BASIC)174
< 波形分解 - 分離処理用> 第10章
●初期パラメーク決定用プログラム (BASIC)
●シンプレックス法による波形分離プログラム(BASIC)189
● DFP 法による波形分離プログラム(BASIC)
● Gauss-Newton 法による波形分離プログラム (BASIC)
<重回帰分析法用> 第11金
●非負拘束つき最小2乗法プログラム (BASIC)215
●固有値解析プログラム (BASIC)
777

注:BASICは、PC-9801などパソコン用のものである。

<編書書略歴>

南 茂夫 (みなみ・しげお) 1929年 大阪生まれ 1951年 大阪大学工学部积密工学科本 現 在 大阪大学工学部応用物理学科 教授,工学博士 專 門 応用光学、科学計劃学

科学計測のための波形データ処理

昭和61年4月30日 初夏発行 昭和62年7月30日 第4版発行

O 1986 模岩者 南 茂夫 発行人 飛 坐 博

発行所 CQ出版株式会社

定価1,900円

東京都豊島区美병1-14-2 (〒170) 203 (947) 6311(代) 振替 東京0-10665

停丁・乱丁本はお取り替えします 写植·製版 國印刷館 印刷·製本 香文金 ISBH4-7898-3031-4 C3055 ¥1900E

多変量解析手法

多変量解析は、生物学、社会学、心理学などの分野において古くから利用され、発展してきたが、最近、音声信号処理、画像処理、微器分析データ処理といった新しい分野においてもその実用性が研究。検討されつつある。手書文字や図形の自動誌取り、テキスチャ解析などで研究されている"パターン認識"も多変量解析の一種と解釈できよう。あるいは、過性検査、疾病の疫学的原因の探求、品質管理など、さまざまな目的に応用できる。このように各分野で、その利用法・利用目的も多様であるが、それはた人に物理的現象と数学的モデルとの対応の仕方が異なるだけで、本質的には同じである。ここでは、科学計画機器から得られるデータに対する処理の一例として、分光測光データからの混合物は耐の分析への多変量解析の応用について説明する。

11.1 多変量解析---関係と要約

"情報化社会"という言葉がよく使われるように、今日、われわれは膨大な惊報が氾濫するなかに生きており、世間の流れについていくためには、これらの情報を効率よく吸収していかなければならない。しかし、膨大な情報すべてをそのまま吸収し、書積することは到底不可能なことであり、これらをうまく選択・整理する必要がある。もし、個々の情報が互いに"無関係"(独立、無相関)ではなく、なんらかの"関係"(社画、相関)をもつならば、これらを"要約"することができる。つまり、多くの情報の中から、類似するいくつかの特徴をひろいあげて短くまとめ、それらの特徴を解析することによって、全体の情報を把握しようとするのである。

身近な例をあげてみよう。ここにそれぞれ別個に書かれた8080と8085, そして280(あるいはさらに,68系令16ピット・マイクロプロセッサなどを含めてもよい)のマニュアルがあ

るとする。これらをすべて放破することは時間もかかるし、重複部分が多く、わずらわしいことである。もし、三つのプロセッサ(あるいは、もっと基本的に63系など、他系のものまで含めて)の共通的基本事項のみがまず解認され、それからそれぞれの機種特有の機能、構造などが書かれた解説書があれば、その合計のページ数は大幅に短くなり、設むほうも効率的に内容の理解ができるであろう。これが情報の整理・要約である。このことは、8080しか存在しなかったときには考える必要のなかったことである。しかし、統く機種が8080と"関係"(相関)をもって登場し、情報量が豊富になるにつれて、次第に必要となってきた。他の中にこれと類似の現象は数多く見られる。このように多くの情報間の"関係"を調べ、"要約"を行う一つの方法が多変量解析(Multivariate Analysis)とよばれるものである。

1960年代後半から、科学機器分析アーク処理の分野にも多変量解析の手法はさまざまな 影で導入されるようになり、現在までに数多くの論文が発表されている。それらは、扱う 情報の種類や分析の目的によって、① 重回帰分析法、② 主成分分析法、③ 判別関数法、④ 因子分析法などに分類される。ここでは、とくに科学計測アーク処理において有効に用い ることができる重回帰分析と主成分分析について利用法を含めて説明する。

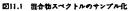
11.2 重回帰分析の応用。

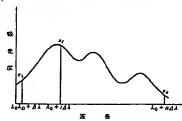
▶重回帰分析とは?

多変量解析には、①情報周の"関係"を求めることを目的とする手法と、②"要約"に主眼を置く手法とがあるが、 置回帰分析は前者に属する。 置回帰分析により得られた"関係"は、物理学・化学・生物学的な法則に関するさまざまな情報を与えるものであり、さらには、一方の情報からぬ方の情報を"予測"するのにも利用できる。ここでは、分光アータ(スペクトル)を対象とした彼形処理に重回帰分析を応用した興を用いて説明する。

分光アータ処理における重回帰分析の目的は、定量分析。つまり複数の成分で構成された限合物のスペクトルと各成分スペクトルの間の"関係"を用いて各成分の成分量を推定することである。

図11.1に分光器で測定された扱合物スペクトルの例を示す。スペクトルは等波長関隔でN 個にサンブル化されているとする。このとき。この混合物のスペクトルは各波長の吸光度 x_1, x_2, \cdots, x_N を要素とするN 次元ペクトルx で表現できる。同様にM ($\leq N$) 個の成分の単位量当たりのスペクトルをそれぞれペクトル x_1, x_2, \cdots, x_M 、測定で加わる雑音をペクトル x_1, x_2, \cdots, x_M の個本スペクトルは一つにまとめて $X \times M$ 行列 $S = (x_1, x_2, \cdots, x_M)$





で設すことができる。また、混合物を構成する成分の各成分量を c₁ c₂ …, cx とし、これを まとめて M 次元ペクトル_c = (c₁, c₂ …, cx) で表す、ただし、! は転置を示す。ここで混合 物スペクトルxは、成分スペクトル s₁ と成分量 c₁ とを用いて次式の"関係"をもつ。

$$x = c_1 s_1 + c_2 s_2 + \dots + c_N s_N + n$$

$$= S_C + n$$
(11-1)

重回婦分析とは、このモデルにおいて成分スペクトル S を既知として、測定データェから 成分景 c を求めることである

▶最小2乗法□

一般に重回帰分析とよばれるのはこの手法であり、理論的に簡単で、必要とする計算量 も少ない。

この手法は推定成分量をによってつくられるスペクトル S ると測定退合物スペクトル s との残差ペクトル s-S では対し、その2乗ノルム Q

$$Q = |x - S\hat{c}|^2 \tag{11.2}$$

を最小にするという規範にもとづき、推定成分量 c を求めるものである。つまり、

$$\frac{\partial Q}{\partial t_1} = 0, \quad \frac{\partial Q}{\partial t_2} = 0, \quad \cdots, \quad \frac{\partial Q}{\partial t_M} = 0 \tag{11-3}$$

を解けばよい。その結果は,よく知られているように

$$\hat{c} = (S'S)^{-1}S'x \tag{11}$$

となる。この式により。 既知の成分スペクトル S に対し、 測定混合物スペクトルェ が与えられれば、 推定成分量 c が求まる。

(1)重みつき最小 2 乗法ロ

信号処理(音声処理、画像処理など)の分野では、真値を推定するさい。できるだけ多く の事前情報を与えるために、解にある拘束条件を加える方法が最近よく用いられる。

そのひとつとして、雑音の分散を考慮に入れて、

$$\hat{c} = (S'GS)^{-1}S'Gx$$

(11-5)

のように、対角重み行列 G を用いる方法がある。この G には、離音の共分散行列の逆行列を用いればよい、たとえば、 γ 線スペクトルのように雑音のパラツキが独立なポアソン分布にしたがうと仮定できるものであれば、G の対角要素 ga は 1/x d(x) は 関定混合物スペクトル x o f 番目の要素)とし、他の要素はすべて 0 とすればよい。

(2)非負拘束つき最小 2 乗法2

この手法では、「成分量は物理的に負の値をとることはない」という先験情報を用い、 a ≥ 0 (i=1,…, M)の拘束条件のもとで(11-2)式の最小 2 乗規範により解く、しかし、この 拘束条件を加えることによって(11-4)式のように等式の形で捷定解を導くことはできず、計算は非常に複雑になる。 これを解くアルゴリズムにはいくつかあるが、 もっともよく用いられるのは、 乗線形計画法(二次計画法)である。 この手法についてのくわしい説明は文献3)を参照されたい、

11.3 重回帰分析法のプログラムと演算実例

▶BASIC プログラム

ここでは、11.2節で述べた三つの手法のうち、非負物束つき最小2乗法のプログラムを 説明する。これは、富士通FM-8用のF·BASICで書かれているが、もちろん若干の修正 で他機種への移植も可能である。入出力整置としては、フロッピ・ディスク2台(データ入 カ用)とプリンタ(結果出力用)を使用する。図11.2に非負物束つき最小2乗法のプログラム ・リストを示す。

図11.2のプログラムにおいて、拘束つき最小2乗法を実行するルーチン(1510-2420行) は、非歳影計闘法のアルゴリズムをくわしく説明しなかったため理解しにくいと思われるが、この部分はブラック・ボックスと考えていただきたい。くわしく理解したい方は他者のをみていただきたい。

▶演算実例

実際に可視吸光分光による定量分析データに対して図11.2のプログラムを用いて成分量

```
図11.2 非負拘束つき最小2乗法プログラム・リスト
```

```
1000 ·
1010 ·
1020 ·
                1000 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1020 '
1100
11100 EEFINT I-N
1120 DEF FNZ(X)=100^X:Es="T^(-2)"
1130'
1140'
1150' I'Tain Routine |
1160'
1170' IIEE WIDTH 80,23
1190 GOSUB 1330
1200 DIN Z(NS),R(MC,NC),B(MC),X(NC)
1210 DIN R(MC,NC),B1(NC),XI(MC)
1220 DIN Z(NS),R(MC,NC),B1(NC),XI(MC)
1220 DIN Z(NS),R(MC),D2(NC),M(NC)
1220 TIMES=*00:00'
1230 TZTIMES
1230 GOSUB 1380
1230 TZTIMES
1230 GOSUB 2480
1230 TZTIMES
1230 PRINT SPC(6) **see NNLS see*,PRINT
1330 '
1330 'I Data Input Routine |
1310'
1330 TUT*Number of Component *;NC
1330 INPUT*Number of Sample Point *;NS
1330 INPUT*Number of Sample *;As(1)
1400 NEUT
1410 INPUT*File Name of Sample *;As(1)
1420 INPUT*File Name of Sample *;As(1)
1430 INPUT*File Name of Sample *;As(1)
1430 INPUT*File Name of Sample *;As(1)
1440 INPUT*File Name of Sample *;As(1)
1450 INPUT*File Name of Sample *;A
                  1110 DEFINT J-N
1120 DEF FNZ(X)=100^X:Es="T^(-2)"
1130 '
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    重みの定数(山; =10-42/ )
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    存準スペクトル混合物スペクトルの入力
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  多変量解析(拘束付き最小 2 乗法)の実行
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                毫面・プリンタへの出力
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                標準スペクトルの個数の入力
スペクトルのサンプル点数の入力
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     | 標準スペクトルのファイル名入力
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           混合物スペクトルのファイルネ入力
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                様準スペクトルをディスクより入力
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   混合物スペクトルをディスクより入力
```

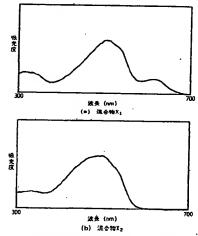
```
1620 RR=0
1620 RR=0
1630 FUR 1=1 TO NS
1640 RR=RR=ED(J,J) SED(K, I)/Z(I)
1650 NEXT
1660 RY
1660 RY
1660 RY
1660 FUR 1=1 TO NC
1660 BS=0
1700 FUR 1=1 TO NS
1720 NEXT
1720 NEXT
1720 NEXT
1730 RY
1730 RY
1740 REXT
1750 NZ=NCSNP=0
1740 FUR 1=1 TO NC
1750 RY
```

11.8 重回帰分析法のプログラムと演算実例



ディスク

ブリンタ



成分スペクトルとしては,各標準色素を別々に8回分先測光し,その測定データの平均(図 11.5)を用いた。この標準スペクトルを用いて求められた成分量を表11.1に示す。 この表の値をみると,混合物X.は,成分Cが含まれてないと推定されている。これらの

2250 X(IP(1))=X)(I)
2260 MEXT
2270 BUTD 1790
2280 AL-0:NI=0
2290 FDR I=1 TO J
2310 ALI=X(I):12=IP(II)
2310 ALI=X(I):1/2=IP(II)
2320 IF ALIÇAL THEN AL=ALI:HI=II
2330 MEXT
240 FDR I=1 TO ME 2330 MEXT
2340 FUR I=1 TO NP
2550 11=1P(1)
2500 X(11)=(1-AL) 8X(11)+AL*X1(1)
2500 X(11)=(1-AL) 8X(11)+AL*X1(1)
2500 X(2P(H1))=0
2500 X(2P(H1)) 2420 RETURN
2430 '
2440 '
2450 'I Output Routine |
2450 'I Output Routine |
2450 'I Output Routine |
2460 'I Output Routine |
2470 '
2490 PRINT:PRINT:PRINT "Non Negative Least Squares [E^2=
"[E8]=]":PRINT
2490 PRINT SPC(7)=0ATA : "[AA6:PRINT
2500 PRINT SPC(7)=1FOR I=1 TO NC:PRINT USING=98988.8888";X
(1):NEXT:PRINT = "[T6
(2):NEXT:PRINT = "[T6
(2):NEXT:PRINT = "[T6
(3):NEXT:PRINT = "[T6
(4):NEXT:PRINT = "[T6
(5):NEXT:PRINTS:]
2500 PRINTS:,SPC(7)=0ATA : "[AA6:PRINTS:]
2500 PRINTS:,SPC(7)=

推定を行った、この実験では、3種の色素(A:メチル・オレンジ、B:プロモクレゾール・ グリーン, C:インジゴカーミン)の退合物の可視吸光スペクトルを測定した.

図11.3に使用した分光測光ジステムを示す。分光光度計により例定されたデークは対数 アンプによって対数変換され、A·D 変換されたあと、汎用インターフェース・パス(IEEE) 488パス)を通してパソコンに送られ,フロッピ・ディスクに格納される.

図11.4(a), (b)に二つの混合物 X,, X,の測定スペクトル・データ (300 nm ~ 700 nm, 4 nm ごと101点)を示す。 X,は3種の色素を0.6:0.3:0.2の比率で加えてあり、 X,はメチル・オ レンジとプロモクレゾール・グリーンのみから成り、その比率は0.5:0.6である。この二 つの混合物スペクトルに対して図11.2に示したプログラムを用いて成分量推定を行った。

図11.5 標準スペクトル (3成分)

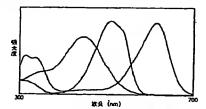


表11.1 多変量解析による成分量推定

皮	æ	A	В	С
设合物X,	五位	0.600	0.300	0.200
	推定成分量	0.602	0.298	0.201
设合物义。	英位	0.500	0.600	0.000
	撤定成分量	0.501	0.599	0.000

B: プロモクレゾール C: インジゴカーミン

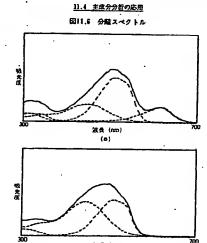
値は、真値からの誤差が0.7%以内であり、この種の分析としてはかなり良い精度で得られ ているといえる。また、図11.6は扱11.1の値を用いて混合物スペクトル(実裁)を各成分の スペクトル(点線)に分離して扱したものである。この図をみると、混合物スペクトルがど のような成分のスペクトルの重ね合わせであったかがよくわかる。この実験の計算時間は 約1分30秒であった。

ここでは拘束つき最小2乗法のみを紹介したが,ほかの二つの手法(最小2乗法。重みつ き最小2乗法)も実際に実行してみた4、非負拘束つき最小2乗法は,最小2乗法および重 みつき最小2乗法と比較して負値を避けるため、推定値はより良かった。

11.4 主成分分析の応用

▶主成分分析とは?

前述の重回帰分析が情報間の"関係"を関べる手法であったのに対し、主成分分析の目的



は、この"関係"をもとにして多種類の情報を少数の情報に"要約"することである。この意 味から、主成分分析法は次元の減少法ともよばれる。以下、さきほどと同様にスペクトル 波形を対象とした応用例をあげて説明する。

分光データ処理における主成分分析の目的は、混合物は料の基礎的な定性分析として、 構成成分の情報が全くない場合,つまり(11-1)式のモデルにおいて,各成分の成分量 α も 成分スペクトル s,も未知な場合に、混合物中の成分の個数 M を推定することである。 ただし、観測混合物スペクトルx は一つではなく、成分量e の異なるL (> M)個の混合物 のスペクトルエ;, エ;, …, エ

$$x_l=S_{Cl}+n$$
 : $l=1,\cdots,L$ (11-6) を用いる。これらのスペクトル波形は互いに異なるが,同じ $M(< L)$ 個の成分で構成される

ため、どれも M 個のベクトルで表す("要約"する)ことができる。つまり、L個の観測スペ クトル エ。 エ。 …, エム の中で 1 次独立なペクトルの個数を求めれば,成分数が与えられる。

* ▶國有鐵解析

そこで、1次独立なベクトルの個数を求めるために主成分分析では、まず、これらの機 網スペクトルギッギッ・・・・エレから次式に示される行列 X を求める。

$$X = \sum_{i=1}^{L} x_i \, x_i^i / L$$

(11.7)

この行列 X は、自己相関行列と呼ばれるものである。雑音がまったくない場合、この行列 の固有値を K 値求めてみると、そのうちの成分数と同じ個数(M個)だけが正値をもち、残 りの K-M 個は0になる。そこで、行列 X の0 でない因有値の個数を求めれば、1 次熱 立なペクトルの個数。つまり成分数 M がわかる(参考文献5.6を参照)、実際の測定では、 雑音成分 n が加わるため、本来0であるはずの固有値が小さな正値をもってしまうが、雑 管の大きさがあらかじめわかれば、雑音による誤差を予測することができ、それを用いて、 ある値以下の固有値を0と見数してしまうことができる。

11.5 主成分分析法のプログラムと演算実例

▶ BASIC プログラム

前節の主成分分析法を用いて固有値を求めるプログラムのリストを図11.7に示す。使用 したパソコンは日本電気 PC-9801F である。

プログラム中では、ベキ衆法とよばれる代表的な固有値解析法が用いられているが、その説明には稼形代数の知識を必要とするので、ここでは省略する。くわしく理解したい方は、参考文献7)をみていただきたい。

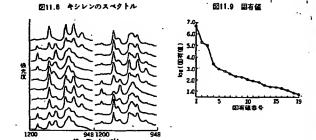
図11.7 固有値プログラム・リスト

```
#11章 李氏品标子法

1738 FOR 1=0 TO 10:E(ND.1)=VN(1):NEXT
1748 IF ND)=1E THEN 1820
1758 W=0:FOR 1=0 TO 10:M=4*-VN(1):NEXT
1758 W=0:FOR 1=0 TO 10:Z=-VN(1):NEXT
1758 M=0:FOR 1=0 TO 10:Z=-VN(1):NEXT
1758 ND=ND>10 ET TO 10:Z=-VN(1):NEXT
1778 FOR 1=0 TO 10:Z=-VN(1):NEXT
1778 ND=ND>10:EDTO 1520
1778 ND=ND>1:EDTO 1520
1778 ND=ND>1:EDTO 1520
1779 PRINT" == CALCALATION DOSE NOT CONVERSENCE =="
1800 G(ND)=0:FOR 1=0 TO 10:E(ND, 1)=0:NEXT
1810 **
1820 FOR K=0 TO 10:SM1=0:FUR J=0 TO 1S:SM2=0
1820 FOR K=0 TO 10:SM1=0:FUR J=0 TO 1S:SM2=0
1820 FOR K=0 TO 10:SM1=0:FUR J=0 TO 1S:SM2=0
1820 FOR STO 15:EV(1,J)=EV(1,J)/SM1:NEXT
1840 FOR J=0 TO 15:EV(1,J)=EV(1,J)/SM1:NEXT J.1
1870 RETURN
1870 **
1970 CONSOLE ...0.8:SCREEN 3:CL0 1
1930 PRINT:PRINT:PRINT:PRINT*Eigenvalues*
1940 FOR 1=0 TO 1E:PRINT 6(1):NEXT
1940 FOR 1=0 TO 1E:PRINT 6(1):NEXT
1950 IN MD(1); yO(1)
1950 (0)=10:NG(1)=310:YO(0)=200:YO(1)=375
1970 X (0)=10:NG(1)-310:YO(0)=200:YO(1)=37, 0
    1988
1998 LINE(XO(1),YO(0))-(XO(1)+X8,YU(0)-Y5),7,0
2008 LINE(XO(1),YO(1))-(XO(1)+X8,YO(1)-Y5),7,B
2018 LINE(XO(1),YO(1)-Y5/2)-(XO(1)+X0,YO(1)-Y0/2),7
1.
    2210 BEEP 1:FOR 1=1 TO 250: NEXT: BEEP 0
    2220 ·
2230 RETURN
   2249 ·
2250 END
```

▶ 淡算実例

図11.8の15個の彼形は、すべてキシレンの赤外吸収スペクトルである。ただし、キシレ ンには異性体が存在し、15個のキシレン試料は、それぞれに異性体の成分量比が異なる。



スペクトルのサンブル点数は64点である。この15個のスペクトルに対し、図11.7に示した プログラムを用いて得られた固有値を図11.9に示す(ただし経軸は対数表示)。このプログ ラムでは、大きい固有値から順に求まるので、すべての固有値を求めなくても、固有値が 充分小さな値になるまで求めればよい。この図を見ると、 3番目の固有値と4番目の固有 値の差は大きく(1/30以下)、4番目以後の固有値は雑音、および、丸め鉄差の影響だけと 考えられる。このことより、15個のキシレン試料は三つの異性体(o-, m-, p-の異性体)が混 在していたことがわかった。

第11章のまとめとポイント

- ●ここに、以上の2種類の多変量解析を行うために必要な仮定、条件をまとめる。
 - (1) 各成分のスペクトル強度は、それぞれの成分量に比例すること。
 - (2) 混合物のスペクトルは、それを構成する各成分のスペクトルの和で表されること。
 - (3) 測定データにおける雑音は、加法的雑音であり、信号とは独立であること。

(1),(2)は、スペクトルについての線形仮定である。吸収スペクトルを用いる場合、測定 された光の強度を正規化した透過率は、成分量に比例せず、その対数である吸光度が成 分量に比例する。一般に、物理現象そのものが線形性をもつ必要はなく、何らかの変換 の結果が線形性を保てばよい。(3)の条件は、検出器の雑音が支配的である場合に成立す る。分光分析以外の多くの計算データに対しても、多少の近似を用いることにより、類 似の仮定、条件が成立する。

第11章 多安景解析手法

- ●多変量解析は、その扱う次元の大きさから従来低位なコンピュータで実行することはで **きず、大型計算後など上位のコンピュータでのオフライン処理にかぎられてきた。しか** し、最近のコンピュータ技術の発達のおかげで、複雑な計算も容易にオンラインで実行 できるようになり、ここで示したようにパソコンでわずか数分で多変量解析が行えるよ うになった.
- ●ここで紹介した二つの手法は,変数が計量的な(数値として計測される)もの(関隔尺度) を対象としている。しかし多交量解析にはそのほかに、① 美しさ・快適さといった順序 尺度(順序関係は定義できるが数値では表せない変数)。② 名前・においといった分類尺 度(順序関係もない変数)を扱った手法もある"ぬ。また主成分分析において固有値から成 分数を求めた後、さらに、各成分のスペクトルを推定する手法などもすでに報告されて おり、さまざまな分野の応用が期待されている^{61,6}.

参考・引用文献

- J.A.Blackburn, "Computer Program for Muhlcomponent Spectrum Analysis Using Least-Squares Method", Analytical Chemistry, vol.37, pp.1000-1003, 1965.
 D.J.Leggett, "Numerical Analysis of Multicomponent Spectra", Analytical Chemistry, vol.49, pp.276-
- 281, 1977.
- 201, 1977.

 3) CLLawon and R.J.Hanson, Solving Least Squares Problems, Prentice-Hall, 1974.

 4) 秘木、河田、麻、パソコンによるボチアータの多変量解析処理。「第18回応用スペクトロノトリー東京 計論会 議演要旨集。」。pp.38-39, 1982

 5) 奥西忠一、ほか、『多変量解析法』、日科技連、1971.
- 6) T.W.Anderson, Introduction to Miditariate Analysis, John Wiley, 1958. 7) 牧之内三郎、A居注生、「改造解析」、オーム社、1975.
- 8) K.Sasaki, S.Kawata, and S.Minami, "Constrained Nonlinear Method for Estimating Component K.Sasaki, S.Kawata, and S.Minami, "Constrained Nominear include for exclusing Component Spectra from Multicomponent Mixtures," Appl. Opt. vol.22, pp.339-3603, 1983.
 K.Sasaki, S.Kawata, and S.Minami, "Estimation of Component Spectral Curves from Unknown
- Mixture Spectra," Appl. Opt. vol.23, pp.1955-1959, 1984